

Stanislav Paulovič – Bohumír Brachtýr – Vladimír Cviklovič

## **Základy elektrotechniky**

Nitra 2025

Názov: Základy elektrotechniky

Autori: Ing. Stanislav Paulovič, PhD. (3,17 AH)

Ing. Bohumír Brachtýr, PhD. (3,08 AH)

doc. Ing. Vladimír Cviklovič, PhD. (3,08 AH)

Recenzenti: prof. Ing. Dušan Hrubý, PhD.

doc. Ing. Ján Krčula, CSc.

Schválila rektorka Slovenskej poľnohospodárskej univerzity v Nitre dňa 27. 2. 2025  
ako vysokoškolskú učebnicu pre študentov SPU v Nitre.

ISBN 978-80-552-2845-7

# OBSAH

<b>ZOZNAM SKRATIEK A ZNAČIEK .....</b>	<b>7</b>
<b>ÚVOD .....</b>	<b>15</b>
<b>1 ELEKTROSTATICKÉ POLE .....</b>	<b>17</b>
1.1 Coulombov zákon, intenzita elektrostatického poľa .....	17
1.1.1 Coulombov zákon.....	17
1.1.2 Intenzita elektrostatického poľa .....	17
1.2 Elektrické napätie, elektrický potenciál .....	19
1.3 Energia elektrostatického poľa.....	22
1.4 Kondenzátor .....	23
1.4.1 Princíp kondenzátora .....	23
1.4.2 Spájanie kondenzátorov.....	26
1.4.3 Vlastnosti a označovanie kondenzátorov.....	28
<b>2 ELEKTRICKÝ PRÚD .....</b>	<b>30</b>
2.1 Základné pojmy.....	30
2.2 Ohmov zákon .....	34
2.3 Voltampérová charakteristika .....	35
2.4 Rezistor .....	36
2.5 Elektrické obvody.....	37
2.6 Riešenie elektrických obvodov .....	43
2.6.1 Základné pojmy, terminológia .....	43
2.6.2 Kirchhoffove zákony.....	44
2.6.3 Spájanie prvkov .....	46
2.6.4 Zapojovanie odporov .....	46
2.6.5 Zapájanie zdrojov .....	49
2.6.6 Riešenie elektrických obvodov s jedným zdrojom .....	51
2.6.7 Riešenie elektrických obvodov s viacerými zdrojmi.....	52
2.7 Výkon a práca jednosmerného prúdu.....	53
<b>3 MAGNETICKÉ POLE .....</b>	<b>55</b>
3.1 Úvod, základné pojmy.....	55
3.2 Rozdelenie magnetických materiálov .....	56

<b>3.3 Zdroje magnetického poľa.....</b>	<b>58</b>
3.3.1 Permanentný magnet .....	58
3.3.2 Prúdovodič .....	58
3.3.3 Cievka .....	59
<b>3.4 Veličiny magnetického poľa .....</b>	<b>61</b>
3.4.1 Magnetické napätie .....	61
3.4.2 Intenzita magnetického poľa .....	61
3.4.3 Magnetická indukcia, magnetický tok.....	62
<b>3.5 Magnetizačné krivky .....</b>	<b>63</b>
<b>3.6 Magnetické obvody.....</b>	<b>66</b>
<b>3.7 Silové pôsobenie magnetického poľa .....</b>	<b>68</b>
3.7.1 Pôsobenie homogénneho magnetického poľa na prúdovodič .....	68
3.7.2 Vzájomné pôsobenie dvoch rovnobežných prúdovodičov .....	69
<b>3.8 Elektromagnetická indukcia .....</b>	<b>71</b>
3.8.1 Faradayov indukčný zákon .....	71
3.8.2 Transformačná forma indukčného zákona .....	71
3.8.3 Pohybová forma indukčného zákona .....	72
3.8.4 Vlastná indukčnosť .....	73
3.8.5 Vzájomná indukčnosť .....	75
3.8.6 Vírivé prúdy .....	76
<b>4 STRIEDAVÝ PRÚD .....</b>	<b>78</b>
<b>4.1 Kategorizácia striedavých veličín .....</b>	<b>78</b>
<b>4.2 Jednofázový prúd .....</b>	<b>80</b>
<b>4.3 Riešenie obvodov striedavého prúdu .....</b>	<b>86</b>
4.3.1 Symbolicko-komplexná metóda.....	86
4.3.2 Základné matematické operácie s komplexnými číslami .....	89
4.3.3 Základné matematické operácie s fázormi .....	91
4.3.4 Základné stavebné prvky striedavých obvodov .....	92
4.3.5 Jednoduché obvody striedavého prúdu.....	95
4.3.6 Reálna cievka.....	98
4.3.7 Reálny kondenzátor .....	99
4.3.8 Rezonančné obvody .....	100
<b>4.4 Výkon a práca striedavého prúdu.....</b>	<b>104</b>
<b>5 TROJFÁZOVÁ SÚSTAVA .....</b>	<b>108</b>
<b>5.1 Vznik trojfázovej sústavy napätí .....</b>	<b>108</b>
<b>5.2 Výkon trojfázovej sústavy prúdov .....</b>	<b>114</b>
<b>5.3 Meranie výkonu trojfázového prúdu .....</b>	<b>115</b>

<b>6 POLOVODIČOVÉ MATERIÁLY .....</b>	<b>119</b>
6.1 Vlastné polovodiče.....	119
6.2 Nevlastné polovodiče.....	121
6.3 PN prechod .....	122
<b>7 POLOVODIČOVÉ SÚČIASTKY .....</b>	<b>124</b>
<b>7.1 Polovodičové diódy.....</b>	<b>124</b>
7.1.1 Usmerňovacia dióda.....	124
7.1.2 Zenerova dióda .....	126
7.1.3 Inverzná dióda.....	127
7.1.4 Tunelová dióda.....	128
7.1.5 Fotodióda .....	129
7.1.6 Elektroluminiscenčná dióda .....	130
<b>7.2 Tranzistory .....</b>	<b>131</b>
7.2.1 Bipolárny tranzistor.....	131
7.2.2 Unipolárny tranzistor .....	135
<b>7.3 Viacvrstvé polovodičové spínacie súčiastky .....</b>	<b>141</b>
7.3.1 Tyristor .....	141
7.3.2 Triak.....	144
7.3.3 Diak .....	145
<b>8 ELEKTRICKÉ A ELEKTRONICKÉ ZARIADENIA .....</b>	<b>147</b>
<b>8.1 Napájací zdroj .....</b>	<b>147</b>
8.1.1 Transformátor .....	147
8.1.2 Usmerňovač .....	148
8.1.3 Filter .....	153
8.1.4 Stabilizátor .....	157
<b>8.2 Zosilňovač.....</b>	<b>160</b>
8.2.1 Základné pojmy a charakteristiky .....	160
8.2.2 Jednostupňový zosilňovač s bipolárnym tranzistorom v zapojení so spoločným emitorom .....	163
8.2.3 Viacstupňový zosilňovač .....	166
8.2.4 Operačný zosilňovač .....	168
8.2.5 Spätná väzba .....	169
<b>9 LITERATÚRA.....</b>	<b>173</b>

## ZOZNAM SKRATIEK A ZNAČIEK

- 1. KZ - prvý Kirchhoffov zákon (prúdový)
- 2. KZ - druhý Kirchhoffov zákon (napät'ový)
- A - anóda
- A - zosilňovač (funkčný blok)
- AC - striedavá veličina (*Alternate Current*)
- B - vývod tranzistora - báza
- C - vývod tranzistora - kolektor (*Collector*)
- CGS - medzinárodná sústava jednotiek (platná do r. 1960)
- D - vývod tranzistora (*Drain*)
- DC - jednosmerná veličina (*Direct Current*)
- E - vývod tranzistora - emitor
- E12, E24 - rad menovitých hodnôt
- F - filter (funkčný blok)
- FET - typ tranzistora (*Field Effect Transistor*)
- G - vývod tranzistora - hradlo (*Gate*)
- IGBT - typ tranzistora (*Insulated Gate Bipolar Transistor*)
- IOZ - ideálny operačný zosilňovač
- IZN - ideálny zdroj napätia
- IZP - ideálny zdroj prúdu
- J - južný pól cievky
- JFET - typ tranzistora (*Junction Field Effect Transistor*)
- K - katóda
- LED - elektroluminiscenčná dióda (*Light Emitting Diode*)
- MIE - kov - izolant - elektrolyt (*Metal Insulator Electrolyte*)
- MIM - kov - izolant - kov (*Metal Insulator Metal*)
- MISFET - typ tranzistora (*Metal Insulator Seminoconductor*)
- MOSFET - typ tranzistora (*Metal Oxid Seminoconductor*)
- NPN - typ tranzistora
- NTC - odpor so záporným teplotným koeficientom (*Negative Thermal Coeficient*)
- OZ - operačný zosilňovač
- PE - ochranný vodič
- PEN - kombinovaný ochranný a neutrálny vodič

PNP	- typ tranzistora	
PTC	- odpor s kladným teplotným koeficientom ( <i>Positive Thermal Coefficient</i> )	
RGB	- základné farebné spektrum ( <i>Red Green Blue</i> )	
RZN	- reálny zdroj napätia	
S	- severný pól cievky	
S	- vývod tranzistora ( <i>Source</i> )	
S	- stabilizátor (funkčný blok)	
SB	- zapojenie tranzistora so spoločnou bázou	
SC	- zapojenie tranzistora so spoločným kolektorom	
SE	- zapojenie tranzistora so spoločným emitorom	
SI	- Medzinárodná sústava jednotiek ( <i>Système International d'Unités</i> )	
SV	- spätná väzba	
TN-C-S	- typ rozvodnej elektrickej siete ( <i>Terre Neutre Combiné Separé</i> )	
Tr	- transformátor (funkčný blok)	
U	- usmerňovač (funkčný blok)	
VACH	- voltampérová charakteristika	
ZD	- Zenerova dióda	
a	- polomer vonkajšieho valca (elektrody)	m
a	- reálna zložka (časť) komplexného čísla; $a = \operatorname{Re}\{\bar{Z}\}$	
b	- imaginárna zložka (časť) komplexného čísla; $b = \operatorname{Im}\{\bar{Z}\}$	
b	- polomer vnútorného valca (elektrody)	m
cos φ	- účinník	-
d	- vzájomná vzdialenosť elektród od seba	m
dr	- elementárna vzdialenosť	m
dt	- elementárny časový interval	s
dΦ	- elementárna zmena magnetického indukčného toku	Wb
f	- frekvencia	Hz
f <sub>D</sub>	- dolná hraničná frekvencia	Hz
f <sub>H</sub>	- horná hraničná frekvencia	Hz
f <sub>r</sub>	- rezonančná frekvencia	Hz
i	- veľkosť elektrického prúdu v meniacom sa čase	A
i(t)	- okamžitá hodnota elektrického prúdu v danom okamihu	A
j	- imaginárna jednotka, $j = \sqrt{-1}$	

k	- konštanta	
k	- činiteľ väzby	-
l	- dĺžka vodiča	m
l	- dĺžka siločiar	m
p	- prevod transformátora	-
p(t)	- okamžitý výkon striedavého prúdu	W
r	- vzájomná vzdialenosť medzi elektrickými nábojmi	m
r	- polomer otáčajúceho sa závit	m
r <sub>d</sub>	- dynamický odpor	Ω
s	- dráha telesa	m
t	- čas	s
tg φ	- stratový činiteľ kondenzátora	-
u(t)	- okamžitá hodnota elektrického napätia	V
u <sub>i</sub> (t)	- okamžitá hodnota indukovaného napätia	V
u <sub>iz</sub>	- indukované napätie v závit	V
v	- rýchlosť otáčania sa závit v magnetickom poli	m.s <sup>-1</sup>
w	- činiteľ zvlňenia	-
x(t)	- všeobecná harmonická veličina	
A	- elektrická práca	J
A <sub>I</sub>	- prúdové zosilnenie zosilňovača	-
A <sub>IdB</sub>	- prúdový zisk zosilňovača	dB
A <sub>P</sub>	- výkonové zosilnenie zosilňovača	-
A <sub>PdB</sub>	- výkonový zisk zosilňovača	dB
A <sub>SP</sub>	- zosilnenie zosilňovača so spätnou väzbou	-
A <sub>U</sub>	- napät'ové zosilnenie zosilňovača	-
A <sub>UdB</sub>	- napät'ový zisk zosilňovača	dB
B	- magnetická indukcia	T
B <sub>0</sub>	- magnetická indukcia vo vákuu, konštanta = 4.π.10 <sup>-7</sup> H m <sup>-1</sup>	H.m <sup>-1</sup>
B <sub>R</sub>	- remanentný (zvyškový) magnetizmus	H.m <sup>-1</sup>
C	- elektrická kapacita	F
C <sub>s</sub>	- elektrická kapacita sériovo spojených kondenzátorov	F
C <sub>p</sub>	- elektrická kapacita paralelne spojených kondenzátorov	F
C <sub>3</sub>	- kapacita kondenzátora pri vzťahnej teplote (zvyčajne 20 °C)	F

E	- intenzita elektrostatického poľa	V.m <sup>-1</sup>
E <sub>p</sub>	- elektrická prierná pevnosť	V.m <sup>-1</sup>
F	- sila	N
G	- elektrická vodivosť	S
G	- činiteľ vyhladenia	-
H	- intenzita magnetického poľa	A.m <sup>-1</sup>
H <sub>C</sub>	- koercitívna sila	A.m <sup>-1</sup>
H <sub>v</sub>	- intenzita magnetického toku vo vzduchovej medzere	A.m <sup>-1</sup>
H <sub>ž</sub>	- intenzita magnetického poľa v železe (feromagnetiku)	A.m <sup>-1</sup>
I	- elektrický prúd	A
I <sub>B</sub>	- prúd tečúci bázou	A
I <sub>C</sub>	- prúd tečúci kolektorom	A
I <sub>č</sub>	- činná zložka striedavého prúdu	A
I <sub>E</sub>	- prúd tečúci emitorom	A
I <sub>ef</sub>	- efektívna hodnota harmonického prúdu	A
I <sub>F</sub>	- elektrický prúd v priepustnom smere	A
I <sub>FAV</sub>	- prípustný trvalý prúd diódou v priepustnom smere	A
I <sub>FMAX</sub>	- maximálny prúd v priepustnom smere	A
I <sub>H</sub>	- prídržný (vratný) prúd tyristora	A
I <sub>j</sub>	- jalová zložka striedavého prúdu	A
I <sub>k</sub>	- elektrický prúd nakrátko	A
I <sub>m</sub>	- maximálna hodnota harmonického prúdu	A
I <sub>S</sub>	- stredná hodnota elektrického prúdu	A
I <sub>p</sub>	- pracovný prúd stabilizačnej diódy	A
I <sub>PEN</sub>	- prúd tečúci kombinovaným ochranným vodičom	A
I <sub>R</sub>	- elektrický prúd v závernom smere	A
I <sub>ZMIN</sub>	- minimálny záverný prúd	A
I <sub>ZMAX</sub>	- maximálny záverný prúd	A
K	- činiteľ stabilizácie	-
M	- vzájomná indukčnosť medzi cievkami	H
N	- počet závitov	-
L	- indukčnosť cievky	H
P	- činný výkon	W
P <sub>1</sub>	- vstupný výkon transformátora	W
P <sub>1f</sub>	- činný jednofázový výkon	W

$P_2$	- výstupný výkon transformátora	W
$P_{3f}$	- činný trojfázový výkon	W
$P_Y$	- výkon motora v zapojení do hviezdy	W
$P_\Delta$	- výkon motora v zapojení do trojuholníka	W
$R$	- elektrický odpor (rezistencia)	$\Omega$
$R_m$	- magnetický odpor	$\Omega$
$R_P$	- elektrický odpor paralelne radených prvkov	$\Omega$
$R_S$	- elektrický odpor sériovo radených prvkov	$\Omega$
$R_V$	- vnútorný elektrický odpor	$\Omega$
$R_{VST}$	- vstupný elektrický odpor	$\Omega$
$R_{VYST}$	- výstupný elektrický odpor	$\Omega$
$Q$	- elektrický náboj	C
$Q$	- elektrické teplo	J
$Q$	- jalový (reaktančný) výkon	VAr
$Q_{1f}$	- jednofázový jalový výkon	VAr
$Q_{3f}$	- trojfázový jalový výkon	VAr
$S$	- plocha elektród kondenzátora	$m^2$
$S$	- plocha prierezu jadra vodiča	$m^2$
$S$	- zdanlivý výkon	VA
$S$	- činiteľ filtrácie	-
$S_{1f}$	- jednofázový zdanlivý výkon	VA
$S_{3f}$	- trojfázový zdanlivý výkon	VA
$T$	- perióda	s
$T_{KC}$	- teplotný súčiniteľ kapacity	$K^{-1}$
$U$	- elektrické napätie	V
$\bar{U}$	- fázor elektrického napätia	V
$U_0$	- napätie naprázdno	V
$U_B$	- brumové napätie - šum	V
$U_{B0}$	- blokovacie napätie tyristora	V
$U_{BE}$	- napätie na prechode báza - emitor	V
$U_{CC}$	- napájacie napätie	V
$U_d$	- difúzne napätie	V
$U_f$	- fázové napätie	V
$U_F$	- napätie v priepustnom smere	V

$U_m$	- magnetické napätie	A
$U_{max}$	- maximálna hodnota napätia	V
$U_S$	- združené napätie	V
$U_S$	- stredná hodnota elektrického napätia	V
$U_p$	- prierazné napätie	V
$U_R$	- elektrické napätie v závernom smere	V
$U_{RM}$	- maximálne napätie na dióde v závernom smere	V
$U_{RMAX}$	- maximálne napätie v závernom smere	V
$U_V$	- vnútorné napätie	V
$U_Z$	- Zenerovo napätie	V
$W_P$	- činná práca striedavého prúdu	J
$W_Q$	- tepelná práca	J
$X$	- reaktancia	$\Omega$
$X_C$	- kapacitancia	$\Omega$
$X_L$	- indukancia	$\Omega$
$Y$	- admitancia	S
$Z$	- impedancia	$\Omega$
$\bar{Z}$	- fázor impedancie	$\Omega$
$\alpha$	- lineárny teplotný súčiniteľ odporu daného materiálu	$\Omega.K^{-1}$
$\alpha$	- uhol medzi prúdovodičom a indukčnými čiarami magnetického poľa	$^\circ$
$\beta$	- prúdové zosilnenie	-
$\beta$	- zosilnenie spätnej väzby - spätnoväzobný činiteľ	-
$\gamma$	- konduktivita (merná vodivosť) daného materiálu	$S.m^{-1}$
$\epsilon$	- permitivita prostredia (absolútna)	$F.m^{-1}$
$\epsilon_0$	- permitivita vákua, konštanta $\epsilon_0 = 8,854 F m^{-1}$	$F.m^{-1}$
$\epsilon_r$	- relatívna permitivita prostredia	-
$\mu$	- permeabilita magnetického prostredia	$H.m^{-1}$
$\mu_0$	- permeabilita vákua, konštanta $= 4 \pi 10^{-7} H.m^{-1}$	$H.m^{-1}$
$\mu_r$	- relatívna permeabilita daného prostredia	-
$\rho$	- rezistivita daného materiálu - vodiča	$\Omega.m$
$\upsilon$	- teplota	K
$\upsilon_1$	- vzťažná teplota (zvyčajne 20 $^\circ C$ - uvádzané v tabuľkách)	K
$\upsilon_2$	- aktuálna teplota	K

$\varphi$	- elektrický potenciál	V
$\varphi$	- fázový posun	rad (°)
$\varphi _{r=r_1}$	- elektrický potenciál v mieste $r_1$	V
$\omega$	- uhlová rýchlosť otáčania	rad.s <sup>-1</sup>
$\Delta B$	- veľkosť zmeny magnetickej indukcie	T
$\Delta C$	- rozdiel kapacít pri konkrétnej teplote a vzťažnej teplote	F
$\Delta I$	- veľkosť zmeny prúdu	A
$\Delta P_{VED}$	- stratový výkon vedenia	W
$\Delta U$	- rozdiel napätí	V
$\Delta U_Z$	- rozptyl Zenerovho napätia	V
$\Delta W_{SI}$	- šírka zakázaného pásma kremíka	eV
$\Delta \vartheta$	- rozdiel teplôt (konkrétna teplota - vzťažná teplota)	K
$\Phi$	- magnetický indukčný tok	Wb
$ \bar{z} $	- veľkosť komplexného čísla	
$\angle$	- verzor (komplexné číslo)	
$\text{Re}\{\bar{z}\}$	- reálna zložka komplexného čísla	
$\text{Im}\{\bar{z}\}$	- imaginárna zložka komplexného čísla	
$\star$	- zapojenie do hviezdy	
$\Delta$	- zapojenie do trojuholníka	

## ÚVOD

Za začiatok vývoja elektrotechniky možno považovať pozorovania gréckeho filozofa *Thalesa*, ktorý si približne 600 rokov pred n. l. všimol, že jantár sa trením s inými látkami dostáva do stavu, v ktorom priťahuje rôzne ľahké telieska. Tento jav dostal názov podľa **jantáru (grécky elektrón)** elektrický. Silové účinky boli vysvetlené existenciou hmotného priestoru v okolí jantáru - poľom. Neskôr bol vysvetlený aj pôvod poľa okolo jantáru. Trením jantáru sa na ňom hromadili elementárne častice, ktoré sa nazvali **elektróny** a pole po nich dostalo názov **elektrické pole**. Nahromadené elektróny na uvažovanom telese dostali pomenovanie elektrický náboj a dohodou mu bolo priradené záporné znamienko (-). **Elektrický náboj** sa podľa medzinárodnej sústavy jednotiek SI označuje symbolom **Q** a jeho hlavnou jednotkou je **1 coulomb C**. Elementárny elektrický náboj je náboj jedného elektrónu  $e^- = -1,602 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ . Bez trenia jantár nevytvára žiadne silové účinky, čo elektrónová teória vysvetľuje prítomnosťou častíc, ktoré majú opačné silové účinky a teda aj polaritu (+). Elementárne častice s kladným nábojom sa nazývajú protóny. Protóny tvoria jadrá, ktoré sú pevne viazané v tzv. kryštálovej mriežke materiálu. Nahromadením elektrónov na nejakom telese na ňom vzniká záporný elektrický náboj a pri ich nedostatku vzniká elektrický náboj kladný.

Zákon zachovania elektrického náboja: **Elektrický náboj nemôže vzniknúť ani zaniknúť, môže sa iba premiestniť.**

Ako už bolo spomenuté, v okolí elektrického náboja je hmotný priestor – pole. Pokiaľ je pole vytvorené v okolí stojaceho nepohyblivého elektrického náboja, ide o pole **elektrostatické**. V okolí náboja však musí byť prostredie (materiál), v ktorom sa nenachádzajú voľné elektrické náboje.

Základy elektrotechniky

Stanislav Paulovič – Bohumír Brachtýr – Vladimír Cviklovič

Vydavateľ: Slovenská poľnohospodárska univerzita v Nitre

Vydanie: šieste nezmenené

Náklad: 50 ks

Rok: 2025

AH – VH: 9,33 – 9,59

Neprešlo redakčnou úpravou vo Vydavateľstve SPU v Nitre.

ISBN 978-80-552-2845-7